

TEMPS ET MECANIQUE NEWTONIENNE

<p>Temps, cinématique et dynamique newtoniennes Description du mouvement d'un point au cours du temps : vecteurs position, vitesse et accélération.</p> <p>Référentiel galiléen</p> <p>Lois de Newton : principe d'inertie, $\sum \vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt}$ et principe des actions réciproques.</p> <p>Conservation de la quantité de mouvement d'un système isolé.</p> <p>Mouvement d'un satellite. Révolution de la Terre autour du Soleil.</p> <p>Lois de Kepler.</p>	<p>Extraire et exploiter des informations relatives à la mesure du temps pour justifier l'évolution de la définition de la seconde.</p> <p>Choisir un référentiel d'étude. Définir et reconnaître des mouvements (rectiligne uniforme, rectiligne uniformément varié, circulaire uniforme, circulaire non uniforme) et donner dans chaque cas les caractéristiques du vecteur accélération.</p> <p>Définir la quantité de mouvement p d'un point matériel. Connaître et exploiter les trois lois de Newton ; les mettre en œuvre pour étudier des mouvements dans des champs de pesanteur et électrostatique uniformes. <i>Mettre en œuvre une démarche expérimentale pour étudier un mouvement.</i></p> <p><i>Mettre en œuvre une démarche expérimentale pour interpréter un mode de propulsion par réaction à l'aide d'un bilan qualitatif de quantité de mouvement.</i></p> <p>Démontrer que, dans l'approximation des trajectoires circulaires, le mouvement d'un satellite, d'une planète, est uniforme. Établir l'expression de sa vitesse et de sa période.</p> <p>Connaître les trois lois de Kepler ; exploiter la troisième dans le cas d'un mouvement circulaire.</p>
--	---

I- Description du mouvement

1. Système et référentiel :

1.1. Système mécanique : c'est un objet ou un ensemble d'objets considérés du point de vue de leur mouvement et des forces qu'ils subissent.

1.2. Référentiel : c'est un solide servant de référence pour décrire le mouvement d'un corps.

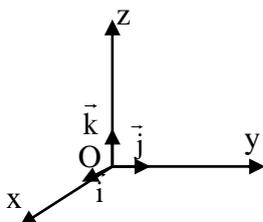
1.3. Référentiel galiléen : c'est un référentiel dans lequel le centre d'inertie d'un solide pseudo-isolé (soumis à des forces qui se compensent) a un mouvement rectiligne uniforme.

Exemple : * le référentiel terrestre peut être considéré comme galiléen pour des mouvements de courte durée par rapport à la durée de rotation de la Terre sur elle-même (1 jour).

* le référentiel géocentrique peut être considéré comme galiléen pour des mouvements de courte durée par rapport à la durée de rotation de la Terre autour du Soleil (1 an).

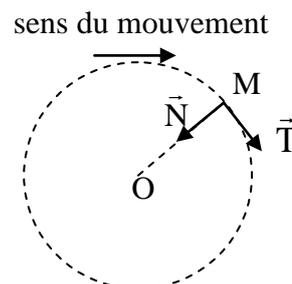
1.4. Repères d'espace et de temps : pour décrire le mouvement d'un corps, il faut se donner un repère d'espace $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ lié à un référentiel et un repère de temps donnant la date.

Exemple : repère cartésien $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$



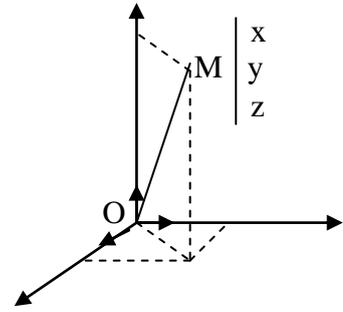
repère de Frenet (lié à un point mobile $M(t)$ lors d'un mouvement circulaire) : (M, \vec{T}, \vec{N})

\vec{T} tangent au cercle en M ; \vec{N} radial et centripète

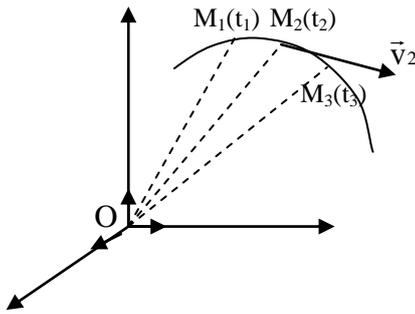


2. Vecteur position :

Dans repère cartésien $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, $\vec{OM}(t) = x(t)\vec{i} + y(t)\vec{j} + z(t)\vec{k}$
écrit plus simplement $\vec{OM} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$



3. Vecteur vitesse \vec{v} d'un point mobile M :



entre les dates t_1 et t_3 , $\vec{v}_{2\text{ moy}} = \frac{\vec{M_1M_3}}{t_3 - t_1} = \frac{\vec{OM_3} - \vec{OM_1}}{t_3 - t_1} = \frac{\Delta \vec{OM_2}}{\Delta t}$

à la date t_2 , vitesse instantanée $\vec{v}_2 = \lim_{(\Delta t \rightarrow 0)} \frac{\Delta \vec{OM_2}}{\Delta t} = \frac{d\vec{OM_2}}{dt}$

Dans un référentiel donné, le vecteur vitesse d'un point M, à un instant donné, est la dérivée par rapport au temps du vecteur position \vec{OM} .

$$\boxed{\vec{v} = \frac{d\vec{OM}}{dt}} \quad v \text{ en m.s}^{-1}$$

Dans le repère $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, $\vec{v} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k}$

Remarque : Le vecteur vitesse d'un point M est tangent à la courbe au point M et dans le sens du mouvement.

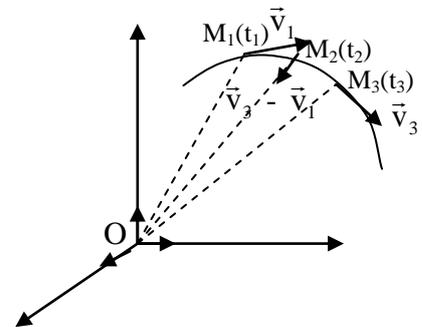
4. Vecteur accélération \vec{a} d'un point mobile M :

L'accélération d'un point mobile M est définie comme le taux de variation de la vitesse au cours du temps :

entre les dates t_1 et t_3 , $\vec{a}_{2\text{ moy}} = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_1}{t_3 - t_1} = \frac{\Delta \vec{v}_2}{\Delta t}$

à la date t_2 , accélération instantanée $\vec{a}_2 = \lim_{(\Delta t \rightarrow 0)} \frac{\Delta \vec{v}_2}{\Delta t} = \frac{d\vec{v}_2}{dt}$

Dans un référentiel donné, le vecteur accélération d'un point M, à un instant donné, est la dérivée par rapport au temps du vecteur vitesse \vec{v} .



$$\boxed{\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}} \quad a \text{ en m.s}^{-2}$$

Dans le repère $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, $\vec{v} = \frac{dv_x}{dt}\vec{i} + \frac{dv_y}{dt}\vec{j} + \frac{dv_z}{dt}\vec{k} = \frac{d^2x}{dt^2}\vec{i} + \frac{d^2y}{dt^2}\vec{j} + \frac{d^2z}{dt^2}\vec{k}$

5. Vecteur quantité de mouvement \vec{p} d'un point mobile M :

Dans un référentiel donné, le vecteur quantité de mouvement \vec{p} d'un point M, à un instant donné, est égal au produit de sa masse par son vecteur vitesse :

$$\boxed{\vec{p} = m\vec{v}} \quad p \text{ en kg.m.s}^{-1} ; m \text{ en kg} ; v \text{ en m.s}^{-1}$$

II- Etude de quelques mouvements

1. Mouvement rectiligne : Le mouvement est rectiligne lorsque la trajectoire est une droite.

1.1. Mouvement rectiligne uniforme : la vitesse est constante et l'accélération est nulle

1.2. Mouvement rectiligne uniformément varié : la vitesse varie et l'accélération est constante

* Le mouvement est accéléré si le vecteur accélération est dans le sens du mouvement.

* Le mouvement est ralenti si le vecteur accélération est dans le sens opposé au mouvement.

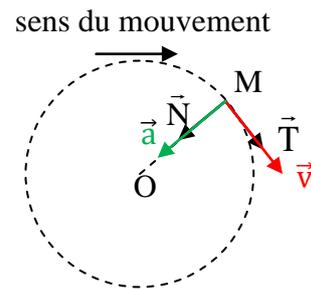
2. Mouvement circulaire : Le mouvement est circulaire lorsque la trajectoire est un cercle.

2.1. Mouvement circulaire uniforme :

Dans le repère de Frenet : * $\vec{v} = v \cdot \vec{T}$ avec v constant

$$* \vec{a} = \frac{v^2}{R} \cdot \vec{N} \quad (R \text{ rayon du cercle})$$

L'accélération est radiale et centripète



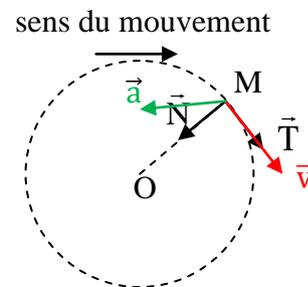
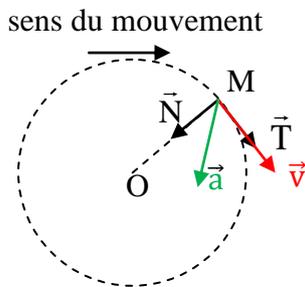
2.2. Mouvement circulaire non uniforme :

Dans le repère de Frenet : * $\vec{v} = v \cdot \vec{T}$ avec v non constant

$$* \vec{a} = \frac{v^2}{R} \cdot \vec{N} + \frac{dv}{dt} \cdot \vec{T}$$

* Mouvement circulaire uniformément accéléré

* Mouvement circulaire uniformément ralenti



3. Etude de mouvements_cinématique (activité A14)

III- Lois de Newton :

1. Activité sur les lois de Newton (A15): p 130

2. 1^{ère} loi de Newton : Dans un référentiel galiléen, lorsqu'un système est isolé (aucune force) ou pseudo isolé (soumis à des forces qui se compensent), le vecteur vitesse de son centre d'inertie G ou le vecteur quantité de mouvement ne varie pas, et réciproquement:

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = \vec{0} \iff \Delta \vec{v}_G = \vec{0} \text{ ou } \Delta \vec{p} = \vec{0}$$

Conséquences: $\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = \vec{0} \iff$

* soit $v_G = 0$ ou $p = 0$: le solide est immobile

* soit v_G ou $p = \text{constante} \neq 0$: le solide est animé d'un mouvement rectiligne uniforme (on dit que la quantité de mouvement se conserve)

3. 2^{ème} loi de Newton : Dans un référentiel galiléen, la résultante des forces extérieures qui s'exercent sur un système n'est pas nulle et est égale à la dérivée de son vecteur quantité de mouvement par rapport au temps.

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = \frac{d\vec{p}}{dt} \neq \vec{0} \implies \Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m \frac{d\vec{v}}{dt} = m \vec{a}, \text{ avec } m \text{ constant} \quad F \text{ (N)} ; m \text{ (kg)} ; a \text{ (m.s}^{-2}\text{)}$$

4. 3^{ème} loi de Newton : Lorsqu'un système A exerce sur un système B une force $\vec{F}_{A/B}$, alors le système B exerce sur le système A une force $\vec{F}_{B/A}$ telle que :

$$\vec{F}_{A/B} = - \vec{F}_{B/A}$$

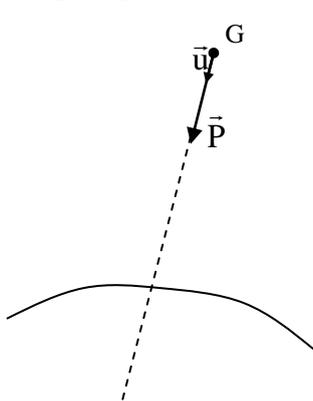
et
 $\vec{F}_{A/B}$ et $\vec{F}_{B/A}$ ont même direction

5. Etude de mouvements_dynamique (activité A14)

6. Propulsion par réaction : TP12

IV- Mouvement dans un champ de pesanteur uniforme

1. Champ de pesanteur :



$$\vec{P} = m g \vec{u} = m \vec{g} \leftarrow \text{vecteur champ de pesanteur}$$

En tout point de l'espace situé au voisinage de la Terre existe un champ de pesanteur caractérisé par le vecteur \vec{g} .

Caractéristiques de \vec{g}

- * direction : verticale du lieu
- * sens : vers le centre de la Terre
- * valeur : dépend du lieu considéré
(à Paris, $g = 9,81 \text{ m.s}^{-2}$)

Dans toute région de l'espace où \vec{g} est constant en direction, sens et valeur, le champ de pesanteur est dit uniforme.

2. Mouvement de projectiles dans un champ de pesanteur uniforme :

2.1. Etude du mouvement: Système : projectile
 Référentiel terrestre considéré comme galiléen
 Bilan des forces s'exerçant sur le système : seul le poids agit (la poussée d'Archimède et les frottements dus à l'air sont négligeables devant le poids) : c'est le cas de la chute libre.

D'après la 2^{ème} loi de Newton :

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = m \cdot \vec{a} \quad \left| \quad \vec{a} = \vec{g} \implies \text{le vecteur accélération est égale au vecteur champ de pesanteur.} \right.$$

$$\Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = \vec{P} = m \vec{g}$$

2.2. Equations horaires du mouvement : elles donnent, à chaque instant, la position et la vitesse du centre d'inertie du mobile dans le repère d'étude.

Soit le repère (O, \vec{i} , \vec{j} , \vec{k})

A la date $t = 0$:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{le centre d'inertie } G \text{ coïncide avec le point } O \\ \vec{v} = \vec{v}_0 \begin{cases} v_0 \cos \alpha \\ 0 \\ v_0 \sin \alpha \end{cases} \end{array} \right.$$

$$\vec{a} = \begin{cases} a_x = \frac{dv_x}{dt} \\ a_y = \frac{dv_y}{dt} \\ a_z = \frac{dv_z}{dt} \end{cases} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -g \end{pmatrix} \quad \text{donc} \quad \begin{cases} \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ \frac{dv_y}{dt} = 0 \\ \frac{dv_z}{dt} = -g \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} v_x = A \\ v_y = B \\ v_z = -g t + C \end{cases} \quad \text{A, B, C sont des constantes dépendant des conditions initiales}$$

$$\text{à } t = 0, \vec{v} = \vec{v}_0 \quad \begin{cases} v_0 \cos \alpha = A \\ 0 = B \\ v_0 \sin \alpha = C \end{cases} \Rightarrow \vec{v} = \begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha \\ v_y = 0 \\ v_z = -g t + v_0 \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{dx}{dt} = v_0 \cos \alpha \\ \frac{dy}{dt} = 0 \\ \frac{dz}{dt} = -g t + v_0 \sin \alpha \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha t + A' \\ y = B' \\ z = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \alpha t + C' \end{cases} \quad \text{A', B', C' sont des constantes dépendant des conditions initiales}$$

$$\text{à } t = 0, G \text{ en } O \Rightarrow \begin{cases} A' = 0 \\ B' = 0 \\ C' = 0 \end{cases} \Rightarrow \text{OG} = \begin{cases} x = v_0 \cos \alpha t \\ y = 0 \\ z = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \alpha t \end{cases}$$

Conclusion : * $y = 0$: le mouvement du centre d'inertie s'effectue dans le plan xOz

* $v_x = v_0 \cos \alpha = \text{Cste}$
 $v_z = -g t + v_0 \sin \alpha$ } la chute libre d'un projectile peut s'interpréter comme la composition de 2 mouvements, l'un rectiligne uniforme selon l'axe horizontal Ox, l'autre uniformément varié selon l'axe vertical Oz.

2.3. Equation de la trajectoire:

$$\begin{cases} x = v_0 \cos \alpha t \\ z = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \alpha t \end{cases} \Rightarrow t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha} \Rightarrow z = -\frac{1}{2} g \left(\frac{x}{v_0 \cos \alpha} \right)^2 + v_0 \sin \alpha \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$$

$$\Downarrow$$

$$z = -\frac{1}{2} \frac{g}{v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 + (\tan \alpha) x$$

La trajectoire du centre d'inertie d'un projectile lancé avec une vitesse initiale de direction quelconque est une portion de parabole située dans le plan vertical contenant \vec{v}_0 .

2.4. TP13

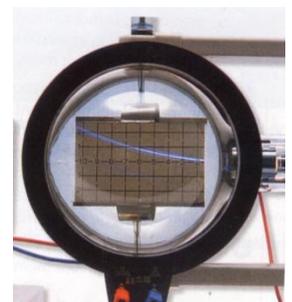
VI- Mouvement dans un champ électrique uniforme

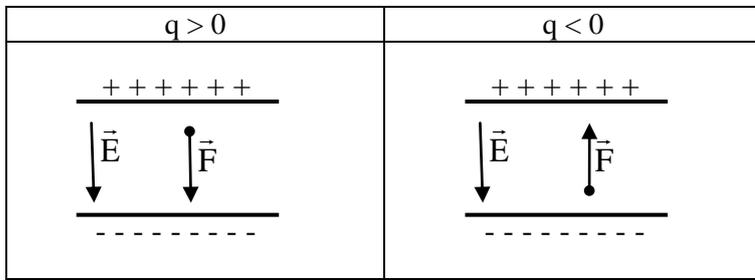
1. Mise en évidence :

1.1. Expérience : Déviation d'électrons dans un champ électrostatique :

1.2. Champ et force :

Une particule M de charge électrique q, placée dans un champ électrostatique uniforme \vec{E} , est soumise à une force électrostatique $\vec{F} = q\vec{E}$





Exercice d'application : n° 20 p 176

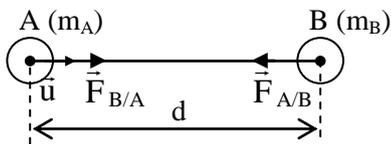
2. Etude du canon à électron:

Exercice n°17 p 174

VII- Mouvement des planètes et des satellites

1. Les lois de Kepler : (A16)

2. Loi de la gravitation universelle : loi énoncée par Newton en 1687.

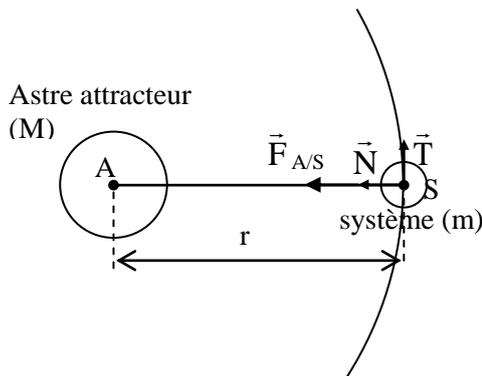


(A) et (B) sont 2 corps dont la répartition des masses est à symétrie sphérique et la distance grande devant leur taille. Ces 2 corps exercent l'un sur l'autre des forces attractives appelées forces d'interaction gravitationnelles telles que :

$$\vec{F}_{A/B} = - \vec{F}_{B/A} = - \frac{G m_A m_B}{d^2} \quad \text{avec} \quad \begin{array}{l} G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{kg}^{-2} \\ m_A \text{ et } m_B \text{ en kg} \\ d \text{ (m)} \end{array}$$

3. Etude du mouvement des planètes autour du Soleil et des satellites autour de la Terre:

- * Référentiel héliocentrique pour les planètes ou géocentrique pour les satellites considéré comme galiléen.
- * Système S: planète ou satellite
- * Bilan des forces : attraction gravitationnelle $\vec{F}_{A/S}$ exercée par l'astre attracteur A sur le système S.



Dans le repère mobile de Frenet (P, \vec{T}, \vec{N}) , $\vec{F}_{A/S} = \frac{G M m}{r^2} \vec{N}$

$$2^{\text{ème}} \text{ loi de Newton: } \Sigma \vec{F}_{\text{ext}} = \vec{F}_{A/S} \implies \frac{G M m}{r^2} \vec{N} = m \vec{a}$$

$$\implies \vec{a} = \frac{G M}{r^2} \vec{N}$$

Dans le référentiel galiléen, le vecteur accélération du centre d'inertie du système est indépendant de sa masse ; il est radial et centripète.

On fait l'approximation que le mouvement orbital d'une planète ou d'un satellite est un mouvement circulaire uniforme.

Or dans un mouvement circulaire uniforme, $\vec{a} = \frac{v^2}{r} \vec{N}$, v étant la vitesse du système

Dans le référentiel galiléen, la vitesse du centre d'inertie d'une planète ou d'un satellite est telle que :

$$\frac{v^2}{r} = \frac{G M}{r^2} \text{ soit } \boxed{v = \sqrt{\frac{G M}{r}}} \quad \text{avec } G = 6,67 \cdot 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{kg}^{-2}; M \text{ (kg)}; r \text{ (m)} \text{ et } v \text{ (m.s}^{-1}\text{)}.$$

Période de révolution d'une planète ou d'un satellite:

C'est la durée pour accomplir un tour sur son orbite

$$T = \frac{2\pi r}{v} = 2\pi \sqrt{\frac{r^3}{GM}}$$

avec T (s)

Remarques : * v et T sont indépendants de la masse de la planète ou du satellite.

$$* T^2 = 4\pi^2 \frac{r^3}{GM} \implies \frac{T^2}{r^3} = \frac{4\pi^2}{GM} = C^{\text{ste}} \implies \text{c'est la 3}^{\text{ème}} \text{ loi de Képler}$$